

1 [2017 岡山理科大]

10本のくじの中に当たりくじが3本ある。この中から2本のくじを同時に引くとき、少なくとも1本が当たる確率を求めよ。

2 [2015 甲南大]

5人で1回じゃんけんをする。このとき、1人だけが勝つ確率は $\frac{1}{5}$ であり、ちょうど3人が勝つ確率は $\frac{1}{5}$ である。また、勝者も敗者も出ない確率は $\frac{1}{5}$ である。

3 [2014 愛知工業大]

赤玉3個、白玉2個、青玉2個の7個の玉が入っている袋から、2個の玉を同時に取り出すとき、異なった色の玉を取り出す確率は $\frac{2}{7}$ である。また、この7個の玉が入っている袋から、3個の玉を同時に取り出すとき、すべて異なった色の玉を取り出す確率は $\frac{2}{7}$ である。

4 [2009 愛知工業大]

10本のくじがあり、そのうち2本が当たりくじである。このくじからA君、B君、C君がこの順で1本ずつ引く。このとき、C君が当たる確率は $\frac{1}{10}$ であり、また、3人のうち少なくとも1人が当たる確率は $\frac{1}{10}$ である。ただし、引いたくじはもとに戻さないものとする。

5 [2009 福岡大]

赤玉6個と白玉4個が入っている袋から、玉を1個ずつ2回取り出すとする。取り出した玉の色が2回とも同じになる確率は、1回目に取り出した玉を袋に戻す場合は $\frac{2}{5}$ であり、また、1回目に取り出した玉を袋に戻さない場合は $\frac{1}{5}$ である。

6 [2007 慶応義塾大]

赤球が4個、白球が6個入った袋から同時に5個の球を取り出すとき、白球が2個以上である確率を求めよ。

7 [2005 静岡県立大]

1個のサイコロを5回続けて投げるとき、2以下の目がちょうど3回出る確率を求めよ。

8 [1999 関西大]

袋の中に赤球2個、白球3個、青球5個が入っている。この袋から同時に3個の球を取り出す。このとき、3個とも同じ色である確率を求めよ。また、3個のうち2個だけが同じ色である確率を求めよ。

9 [2004 津田塾大]

Aさんは2つのサイコロを振り、その目の合計を a とする。Bさんは1つのサイコロを振り、その目の数を b とする。 $a > b$ である確率を求めよ。

10 [2017 岡山理科大]

赤玉2個、白玉4個が入っている袋から玉を1個取り出し、色を調べてからもとに戻す。この試行を5回続けて行うとき、赤玉が3回、白玉が2回出る確率を求めよ。

11 [2013 東北大]

A、Bの2人が、サイコロを1回ずつ交互に投げるゲームを行う。自分の出したサイコロの目を合計して先に6以上になった方を勝ちとし、その時点でゲームを終了する。Aから投げ始めるものとし、次の問いに答えよ。

- (1) Bがちょうど1回投げてBが勝ちとなる確率を求めよ。
- (2) Bがちょうど2回投げてBが勝ちとなる確率を求めよ。
- (3) Bがちょうど2回投げて、その時点でゲームが終了していない確率を求めよ。

12 [2009 東京都大]

Aさんが持っている袋には赤玉5個が、Bさんが持っている袋には白玉5個が入っている。AさんとBさんは同時に自分の持っている袋から玉をそれぞれ1個取り出し、相手

の袋に入れる。この操作を2回行った後にAさんの袋に白玉が2個入っている確率は $\frac{1}{5}$ となる。この操作をさらに1回行い、計3回行った後にAさんの袋に白玉3個入っている確率は $\frac{1}{5}$ となる。

13 [2007 近畿大]

3名の受験生A、B、Cがいて、おのおのの志望校に合格する確率を、それぞれ $\frac{4}{5}$ 、 $\frac{3}{4}$ 、 $\frac{2}{3}$ とする。

- (1) 3名とも合格する確率を求めよ。
- (2) 2名だけ合格する確率を求めよ。
- (3) 少なくとも1名が合格する確率を求めよ。

14 [2006 兵庫医科大]

A、Bの2つの袋があり、Aには赤玉5個と白玉4個が、Bには赤玉6個と白玉4個が入っている。Aから2個、Bから3個玉を取り出すとき、赤玉の個数が合わせて2個になる確率を求めよ。

15 [2004 福井工業大]

赤球3個と白球2個が入っている袋から球を1個取り出して袋に戻す。これを3回繰り返すとき、赤球を2回以上取り出す確率を求めよ。

16 [2003 関西学院大]

1枚の硬貨を繰り返し投げて4回表が出たら終わるゲームを考える。硬貨を5回投げて3回表が出る場合は $\frac{1}{8}$ 通りあるので、ちょうど6回でゲームが終わる確率は $\frac{1}{8}$ である。また、6回以内にゲームが終わる確率は $\frac{7}{8}$ である。

17 [1997 広島文教女子大]

動点Pは、硬貨を同時に2枚投げて、2枚とも表が出れば座標平面上をx軸の正の方向に1だけ動き、1枚が表で他の1枚が裏のときはy軸の正の方向に1だけ動き、2枚とも裏のときは動かないものとする。いま、動点Pの出発点を原点(0,0)とし、硬貨2枚を3回投げたとき、次の確率を求めよ。

- (1) 点Pが点(2,1)にある確率
- (2) 点Pが原点を中心とする半径2の円の内部にある確率

18 [2017 立教大]

箱Aには3個の赤い球と2個の白い球が、箱Bには5個の赤い球と5個の白い球が入っている。箱を1つ選び、その中から球を1つ取り出したところ、その球の色は赤であった。このとき、選んだ箱がAであった確率は $\frac{1}{3}$ である。

19 [2007 摂南大]

硬貨2枚を同時に投げたとき、2枚とも表である確率は $\frac{1}{4}$ 、少なくとも1枚が表である確率は $\frac{3}{4}$ である。また、1枚が表であるときもう1枚が表である条件つき確率は $\frac{2}{3}$ である。

20

白玉2個、黒玉3個が入った袋から、1個ずつ順に2個の玉を取り出す。ただし、取り出した玉はもとに戻さない。2番目の玉が黒玉のとき、1番目の玉も黒玉である確率を求めよ。

21 [2017 センター]

あたりが2本、はずれが2本の合計4本からなるくじがある。A, B, Cの3人がこの順に1本ずつくじを引く。ただし、1度引いたくじはもとに戻さない。

(1) A, Bの少なくとも一方があたりのくじを引く事象 E_1 の確率は、 $\frac{\text{ア}}{\text{イ}}$ である。

(2) 次の ウ , エ , オ に当てはまるものを、下の ① ~ ⑥ のうちから1つずつ選べ。ただし、解答の順序は問わない。

A, B, Cの3人で2本のあたりのくじを引く事象 E は、3つの排反な事象 ウ , エ , オ の和事象である。

- ① A がはずれのくじを引く事象 ④ A だけがはずれのくじを引く事象
- ② B がはずれのくじを引く事象 ⑤ B だけがはずれのくじを引く事象
- ③ C がはずれのくじを引く事象 ⑥ C だけがはずれのくじを引く事象

また、その和事象の確率は $\frac{\text{カ}}{\text{キ}}$ である。

(3) 事象 E_1 が起こったときの事象 E の起こる条件付き確率は、 $\frac{\text{ク}}{\text{ケ}}$ である。

(4) 次の コ , サ , シ に当てはまるものを、下の ① ~ ⑥ のうちから1つずつ選べ。ただし、解答の順序は問わない。

B, Cの少なくとも一方があたりのくじを引く事象 E_2 は、3つの排反な事象 コ , サ , シ の和事象である。

- ① A がはずれのくじを引く事象 ④ A だけがはずれのくじを引く事象
- ② B がはずれのくじを引く事象 ⑤ B だけがはずれのくじを引く事象
- ③ C がはずれのくじを引く事象 ⑥ C だけがはずれのくじを引く事象

また、その和事象の確率は $\frac{\text{ス}}{\text{セ}}$ である。他方、A, Cの少なくとも一方があたりの

くじを引く事象 E_3 の確率は、 $\frac{\text{ソ}}{\text{タ}}$ である。

(5) 次の チ に当てはまるものを、下の ① ~ ⑥ のうちから1つ選べ。

事象 E_1 が起こったときの事象 E の起こる条件付き確率 p_1 , 事象 E_2 が起こったときの事象 E の起こる条件付き確率 p_2 , 事象 E_3 が起こったときの事象 E の起こる条件付き確率 p_3 の間の大小関係は、 チ である。

- ① $p_1 < p_2 < p_3$ ④ $p_1 = p_2 < p_3$
- ② $p_1 > p_2 > p_3$ ⑤ $p_1 = p_2 > p_3$
- ③ $p_1 < p_2 = p_3$ ⑥ $p_1 = p_2 = p_3$
- ④ $p_1 > p_2 = p_3$

22 [2017 センター]

(1) 壺の中に1から4までの数字が一つずつ書かれた4枚のカードが入っている。この壺からカードを1枚取り出し、その数字を見てもとの壺に戻す試行を行う。

(1) この試行を2回行うとき、2回続けて数字1が取り出される確率は $\frac{\text{ア}}{\text{イウ}}$ であり、

2回続けて奇数の数字が取り出される確率は $\frac{\text{エ}}{\text{オ}}$ である。

(2) この試行を4回行うとき、数字1が少なくとも2回取り出される確率は $\frac{\text{カキ}}{\text{クケコ}}$ である。

(3) この試行を繰り返すとき、1回目から4回目までに取り出された数字に、1から4までのすべての数字が現れる確率は $\frac{\text{サ}}{\text{シス}}$ である。

また、4回繰り返してもどれかの数字が現れないという条件のもとで、もう1度試行を行うと1から4までのすべての数字が現れる条件付き確率は $\frac{\text{セ}}{\text{ソタ}}$ である。

(2) 壺を3個用意し、そのうち2個の壺には、それぞれ、1から4までの数字が一つずつ書かれた4枚のカードが入っている。残りの1個の壺には、数字1の書かれたカードが2枚、数字2, 3の書かれたカードがそれぞれ1枚入っている。はじめの2個の壺をA型の壺、残り1個の壺をB型の壺と呼ぶ。ただし、これらの壺は外から見て区別できない。

これら3個の壺から1個をでたために選び、更にそこからカードを1枚取り出しその数字を記録してもとの壺に戻す、という試行を行う。

この試行を2回復したところ、取り出された数字が2回とも1であった。このとき

1回目に選んだ壺がB型であった条件付き確率は $\frac{\text{チ}}{\text{ツ}}$ である。

23 [2005 センター]

数直線上の点Pを、さいころを投げて出た目の数だけ移動させることにする。移動する方向は、偶数の目なら正、奇数の目なら負とする。

(1) さいころを3回投げる。投げ終わったとき点Pが最初の位置に戻っているためには、偶数の目が ア 回、奇数の目が イ 回出る場合しかない。よって、点Pが最初の位置に戻っている目の出方は ウエ 通りある。

(2) さいころを4回投げる。投げ終わったとき点Pが最初の位置に戻っている確率を求めたい。

(i) さいころの目が2, オ , 1, 3の順に出た場合、点Pは最初の位置に戻っている。これらの数字2, オ , 1, 3を全部使って作られる順列の総数は カキ 通りある。これらの場合もすべて、点Pは最初の位置に戻っている。

(ii) さいころの目が2, ク , 1, 5の順に出た場合、やはり点Pは最初の位置に戻っている。これらの数字2, ク , 1, 5を全部使って作られる順列の総数は ケコ 通りある。

(iii) さいころを4回投げ終わったとき、点Pが最初の位置に戻っているためには、偶数の目が サ 回、奇数の目が シ 回出る場合しかない。よって、点Pが最初の位置に戻っている目の出方は スセ 通りあり、求める確率は $\frac{\text{ソ}}{\text{タチ}}$ である。

24 [2001 センター]

赤玉3個、青玉2個、黄玉1個が入っている袋から玉を1個取り出し、色を確かめてから袋に戻す。このような試行を最大で3回までくり返す。ただし、赤玉を取り出したときは以後の試行を行わない。

(1) 試行が1回または2回で終わる確率は $\frac{\text{ア}}{\text{イ}}$ である。

(2) 青玉がちょうど2回取り出される確率は $\frac{\text{カ}}{\text{キ}}$ である。

(3) 黄玉が少なくとも1回取り出される確率は $\frac{\text{クケ}}{\text{コサ}}$ である。

25 [2001 センター]

1枚の硬貨を3回投げ、表が出た回数をXとする。次にさいころをX回振る。(たとえばX=2ならば、さいころを2回振ることになる。) そうして、1または2の目が出た回数をYとする。ただし、X=0の場合は、Y=0と定める。

(1) X=2のとき、Yの取り得る値は、 ア 通りである。

(2) X=2となる確率は $\frac{\text{イ}}{\text{ウ}}$ である。

X=2という条件のもとで、Y=1となる条件付き確率は $\frac{\text{エ}}{\text{オ}}$ である。

したがって、X=2, Y=1となる確率は $\frac{\text{カ}}{\text{キ}}$ である。

同様に、X=1, Y=1となる確率は $\frac{1}{8}$ であり、X=3, Y=1となる確率は $\frac{1}{18}$ である。

したがって、Y=1となる確率は $\frac{\text{クケ}}{\text{コサ}}$ である。

(3) (2)と同様に計算するとY=2となる確率は $\frac{5}{72}$ であり、Y=3となる確率は $\frac{1}{216}$ である。

したがって、Y=0となる確率は $\frac{\text{シスセ}}{\text{ソタチ}}$ である。

(4) Y=0という条件のもとで、X=2となる条件付き確率は $\frac{\text{トナ}}{\text{ニヌネ}}$ である。